

問題番号	解答番号	模範解答	
問題1	1	ア	5
		イ	3
	[1](2)	ウ	4
		エ	2
		オ	7
	[2]	カ	1
		キ	4
	[3](1)	ク	9
		ケ	3
	[3](2)	コ	1
サ		0	
シ		3	
問題2	1	ア	—
		イ	3
		ウ	7
	[1](2)	エ	—
		オ	7
		カ	3
	[2](1)	キ	2
		ク	2
		ケ	3
	2	コ	1
		サ	6
		シ	2
		ス	9
	[2](3)	セ	2
		ソ	3
問題3	1	ア	1
		イ	2
	[1](2)	ウ	1
		エ	2
		オ	1
	[1](3)	カ	3
		キ	9
	[1](4)	ク	5
		ケ	—
		コ	2
		サ	2
		シ	0
		ス	—
	[1](5)	セ	2
		ソ	—
		タ	2
		チ	—
		ツ	1
テ		—	
ト		6	
ナ		3	
ニ		4	
ヌ	9		
問題4	ネ	6	
	記述式	右記参照	

記述解答

問題4

数列 $\{a_n\}$ の階差数列を $\{b_n\}$ とすると、階差数列 $\{b_n\}$ は、

3, 6, 9, 12, 15, 18, …

となる。これは、初項 3, 公差 3 の等差数列である。

よって、

$$b_n = 3 + (n-1) \times 3 = 3(n-1) = 3n \quad \dots (ア)$$

ゆえに、 $n \geq 2$ のとき、

$$\begin{aligned} a_n &= a_1 + \sum_{k=1}^{n-1} 3k = 3 + 3 \sum_{k=1}^{n-1} k = 3 + 3 \frac{(n-1)n}{2} = 3 \left\{ \frac{(n-1)n}{2} + 1 \right\} \\ &= \frac{3}{2}(n^2 - n + 2) \quad \dots (イ) \end{aligned}$$

(イ) で $n=1$ とすると、 $a_1=4$ が得られるから、(イ) は $n=1$ のときにも成り立つ。

よって、一般項 a_n は、

$$a_n = \frac{3}{2}(n^2 - n + 2)$$

となる。 …… 別解 $\frac{3}{2}(n^2 - n) + 3, \frac{3(n^2 - n)}{2} + 1$, など